

Więcej, niż Gra w Życie (SmoothLife)

Modelowanie komputerowe

Maciej Matyka

Plan

- Automaty komórkowe ogólnie
- Sąsiedztwo
- Plamy
- Gra w życie
- Piasek
- Gaz HPP
- Więcej, niż gra w życie (Larger than life)
- SmoothLife
- Elementarne Automaty Komórkowe (Wolfram)

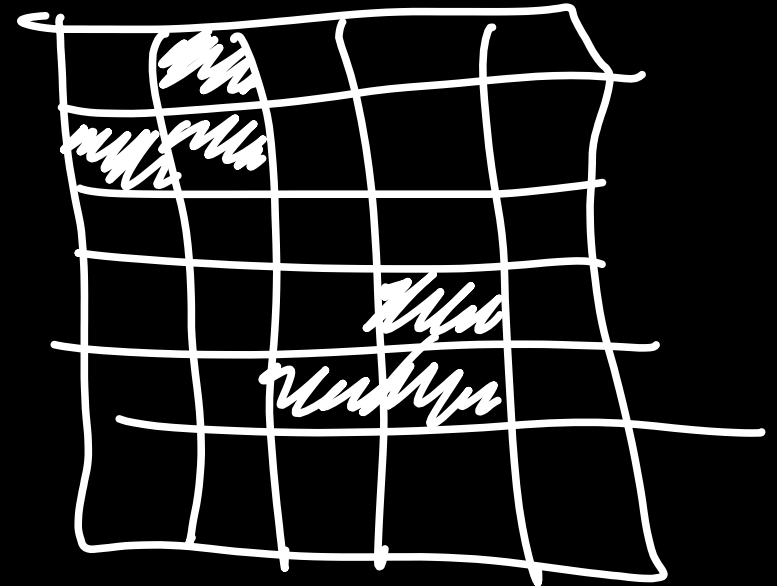
Automat komórkowy

Proste zasady lokalne -> globalne efekty w układzie



Czym jest automat komórkowy?

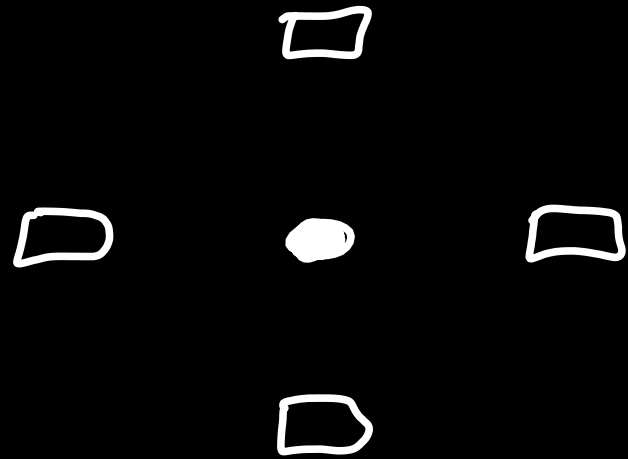
- Model **dyskretny** w czasie
- Model **dyskretny** w przestrzeni (1D, 2D itd.)
- Stan układu = wartości w komórkach
- **Synchroniczna** zmiana stanu komórek
- Zmiana stanu komórki zgodnie z **regułą**
- **Reguła** - funkcja stanu komórki i otoczenia



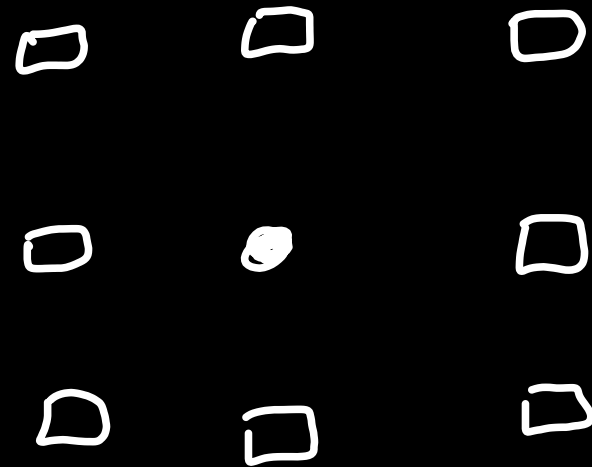
Historia

- Stanisław Ulam
https://en.wikipedia.org/wiki/Stanislaw_Ulam
- John von Neumann - 1948 -
https://en.wikipedia.org/wiki/John_von_Neumann
- John Conway – 1970 – Gra w życie
https://en.wikipedia.org/wiki/John_Horton_Conway
- Stephen Wolfram – New Kind of Science – 2002
https://en.wikipedia.org/wiki/A_New_Kind_of_Science

S₂ siedzt wo



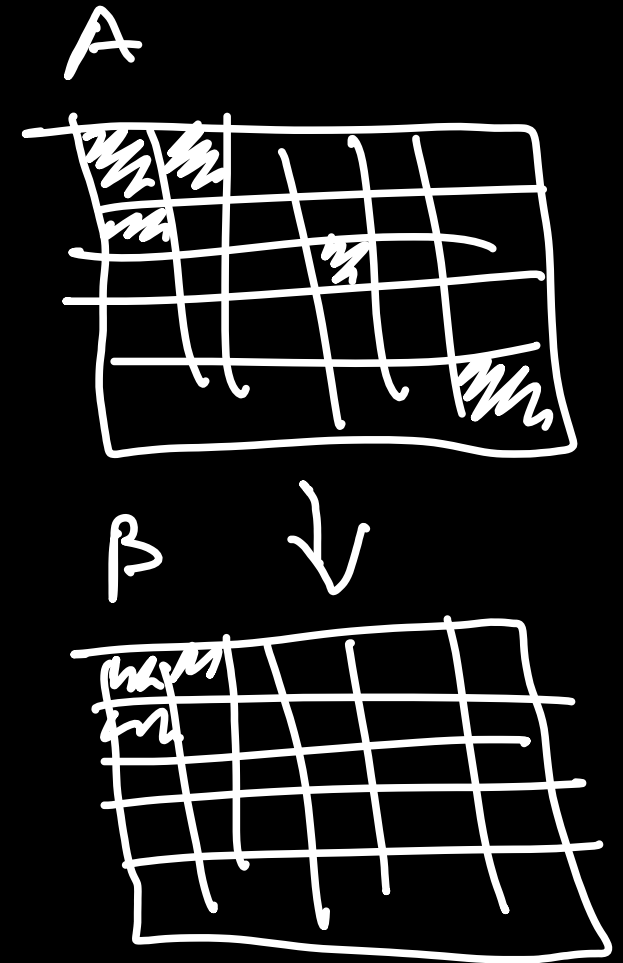
von Neumann



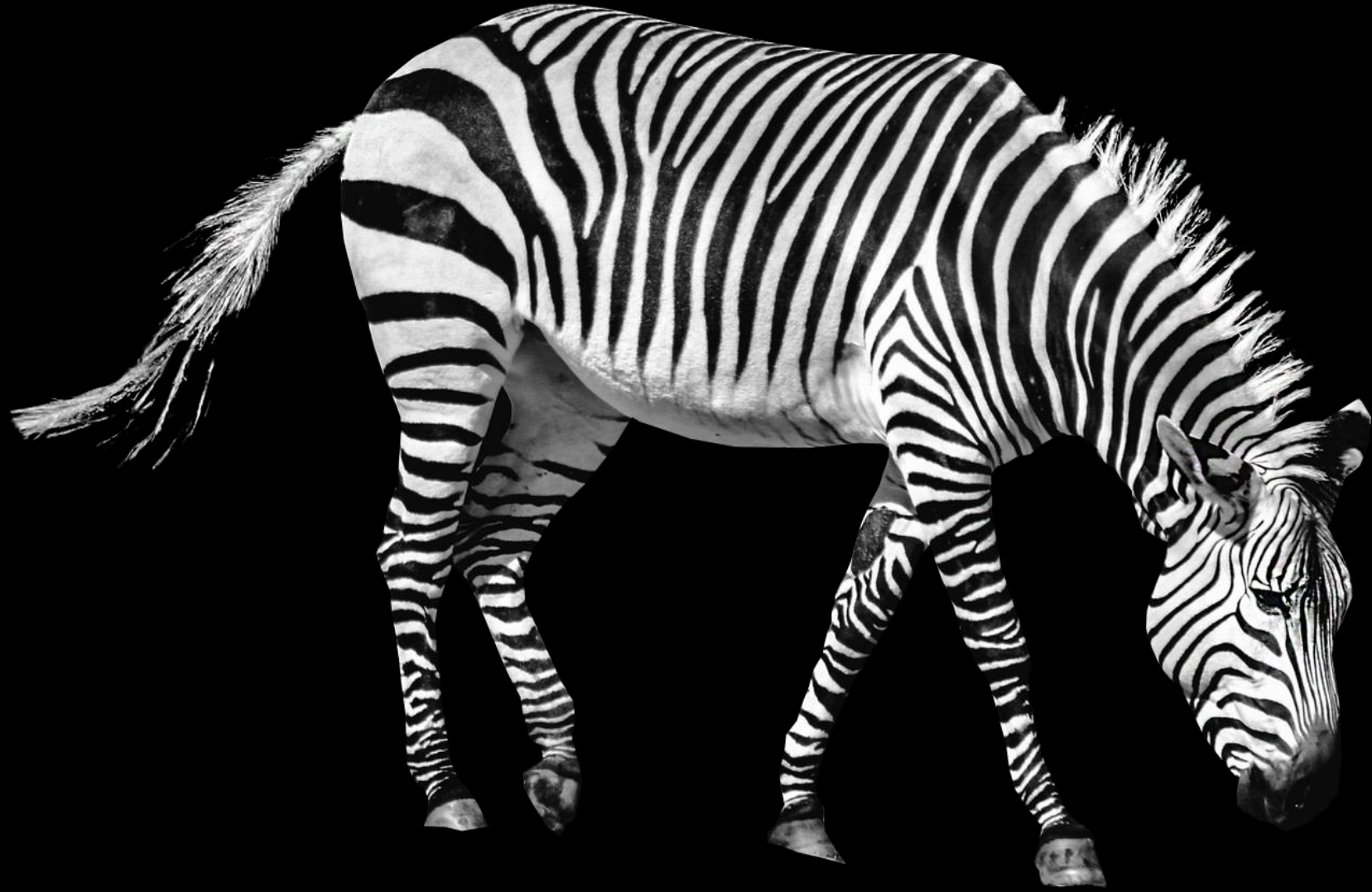
Moore's

Algorytm Ping-Pong

- Inicjalizuj układ
- Nałóż warunek początkowy (stan $t=0$)
- Dla każdej komórki ze stanu A (synchronicznie):
 - Oblicz regułę z sąsiedztwa
 - Zmień stan komórki
 - Zapisz jej wartość do stanu B
- Skopiuj stan B do stanu A (lub zamień)
- Wizualizacja, obliczenia
- Powtórz pętlę

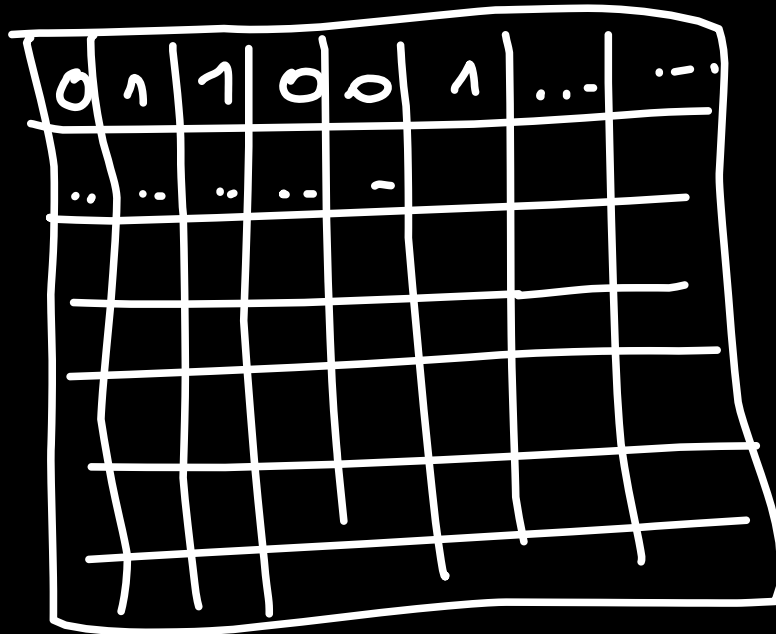


Paski na zebrze?



Plamy - najprostszy model

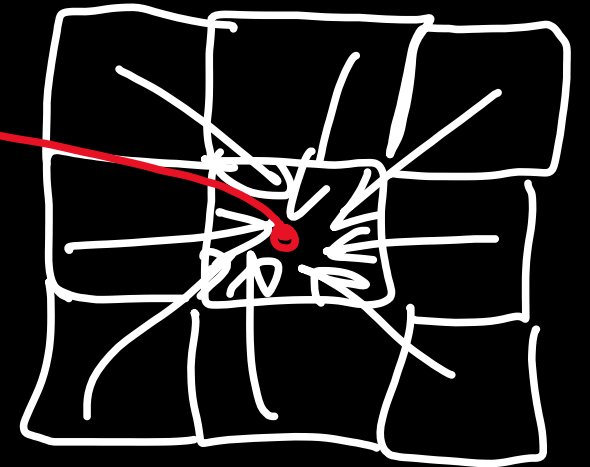
- Losowy stan początkowy $p=0.5$



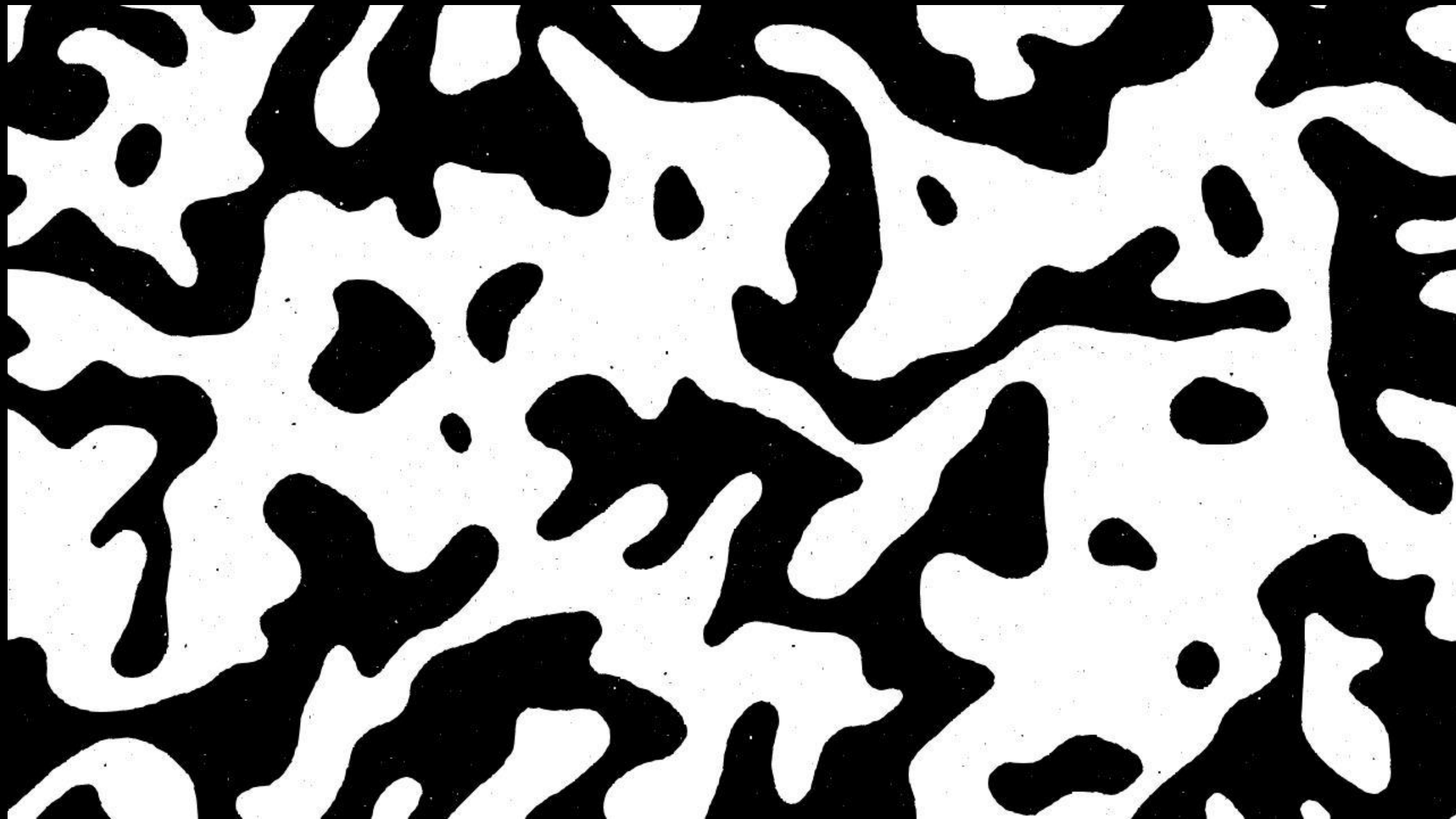
Algorytm

- Policz sumę sąsiadów komórki
- Ustal jej nową wartość:

$s = 0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8 \ 9$
↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
0 0 0 0 1 0 1 1 1 1



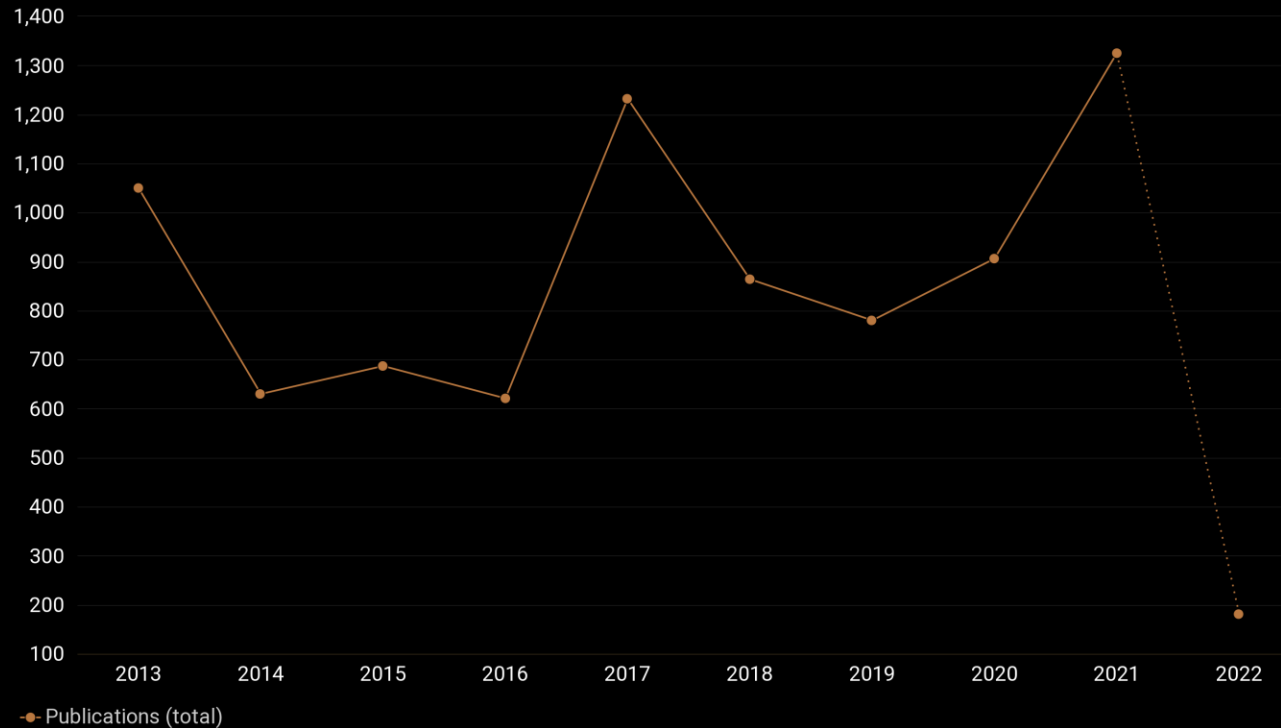
•





Gra w życie

Game of Life

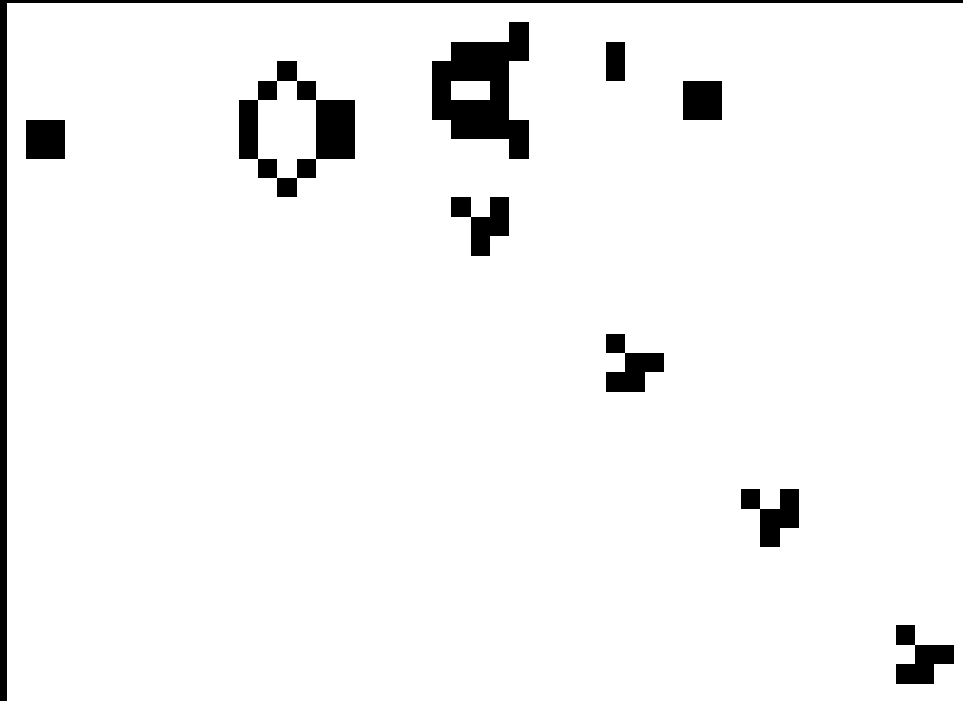


Source: <https://app.dimensions.ai>
Exported: April 27, 2022
Criteria: "game of life" in full data.

© 2022 Digital Science and Research Solutions Inc. All rights reserved. Non-commercial redistribution / external re-use of this work is permitted subject to appropriate acknowledgement. This work is sourced from Dimensions® at www.dimensions.ai.

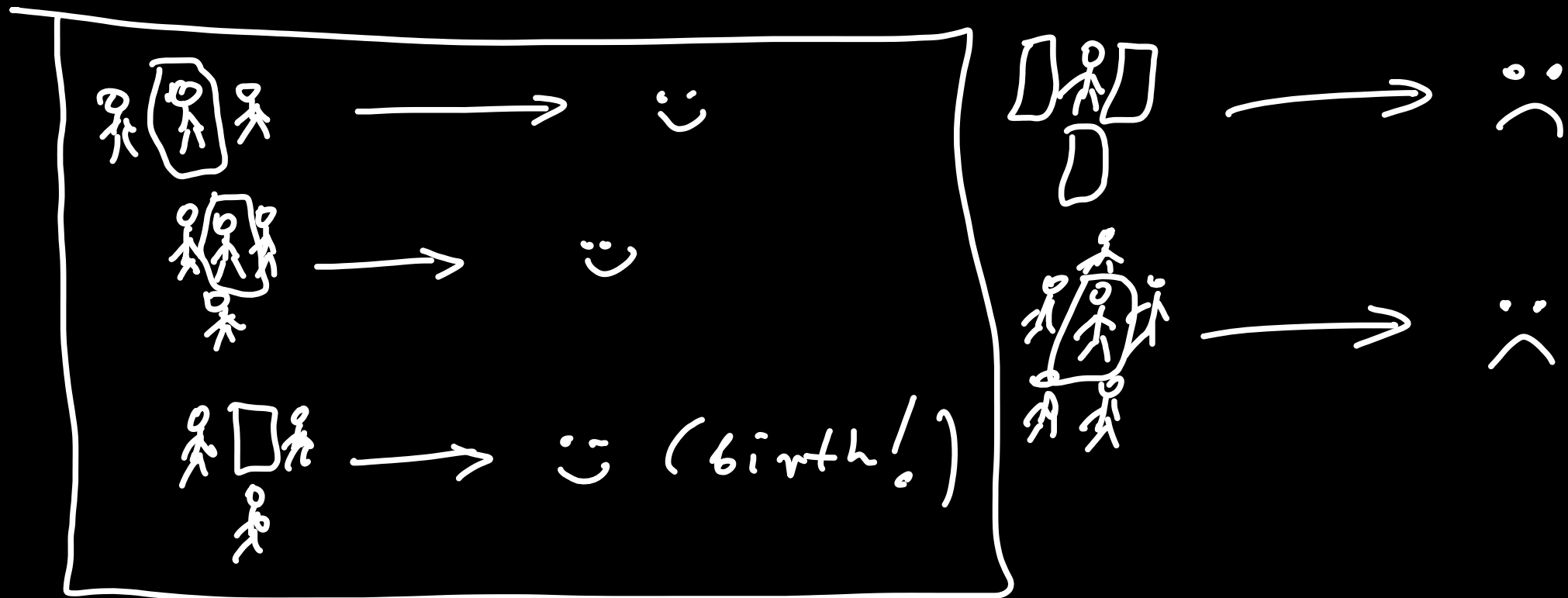
- John Conway (1937-2020)
- Automat komórkowy
- Żywe/martwe komórki typu boolowskiego (0 lub 1)

Gra w życie



John Conway (1937-2020)

Gra w życie

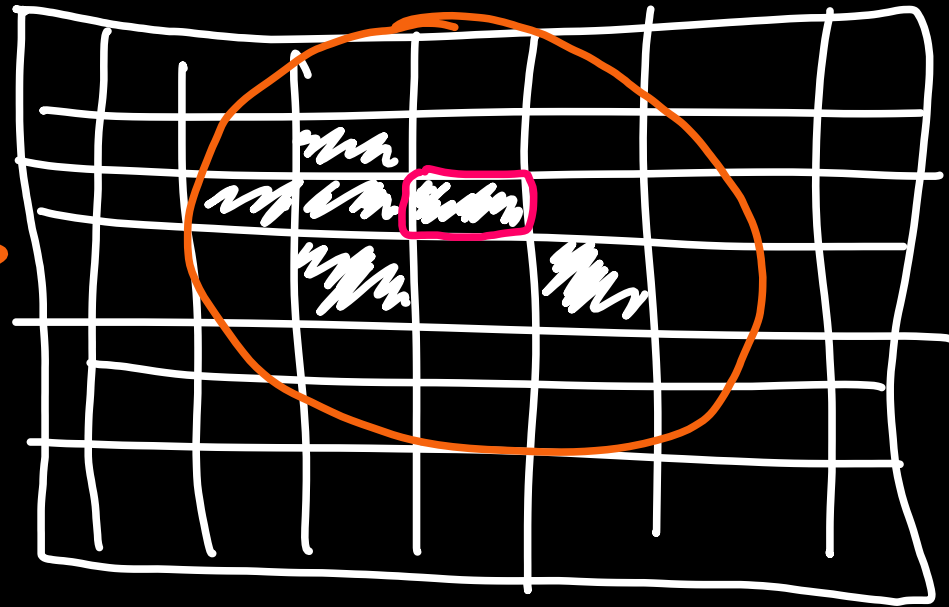




Więcej, niż gra w życie

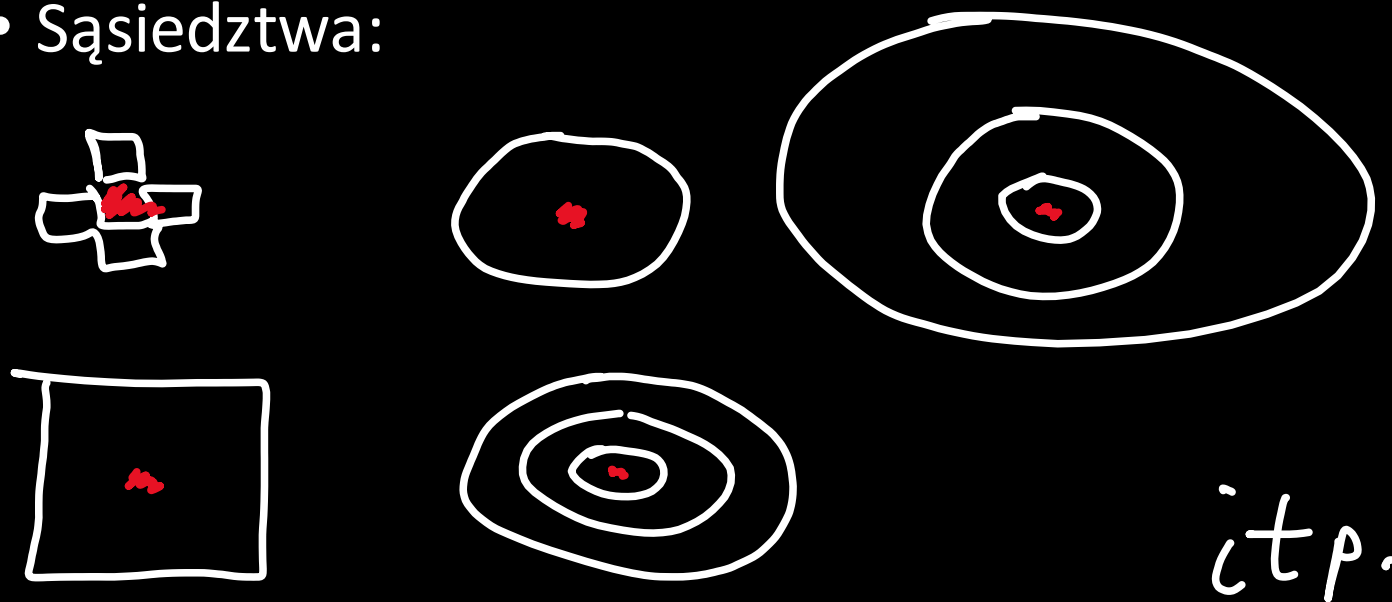
"Larger than life"

- **Rozszerzone sąsiedztwo**
- Bardziej skomplikowane reguły przeżywania i narodzin
- Powstają większe struktury



"Larger than life"

- Sąsiedztwa:



- Cała sztuka polega na dobraniu odpowiedniej funkcji przeżycia.

Larger than life

- $R=5$ ("bugs" - kwadratowe sąsiedztwo)
- $S \geq 34 \ \&\& \ s \leq 58 \rightarrow$ komórka przeżywa (1- \rightarrow 1)
- $S \geq 34 \ \&\& \ s \leq 45 \rightarrow$ komórka się rodzi (0 lub 1 - \rightarrow 1)

- Ciekawe źródła:

<https://www.youtube.com/c/slackermanz>

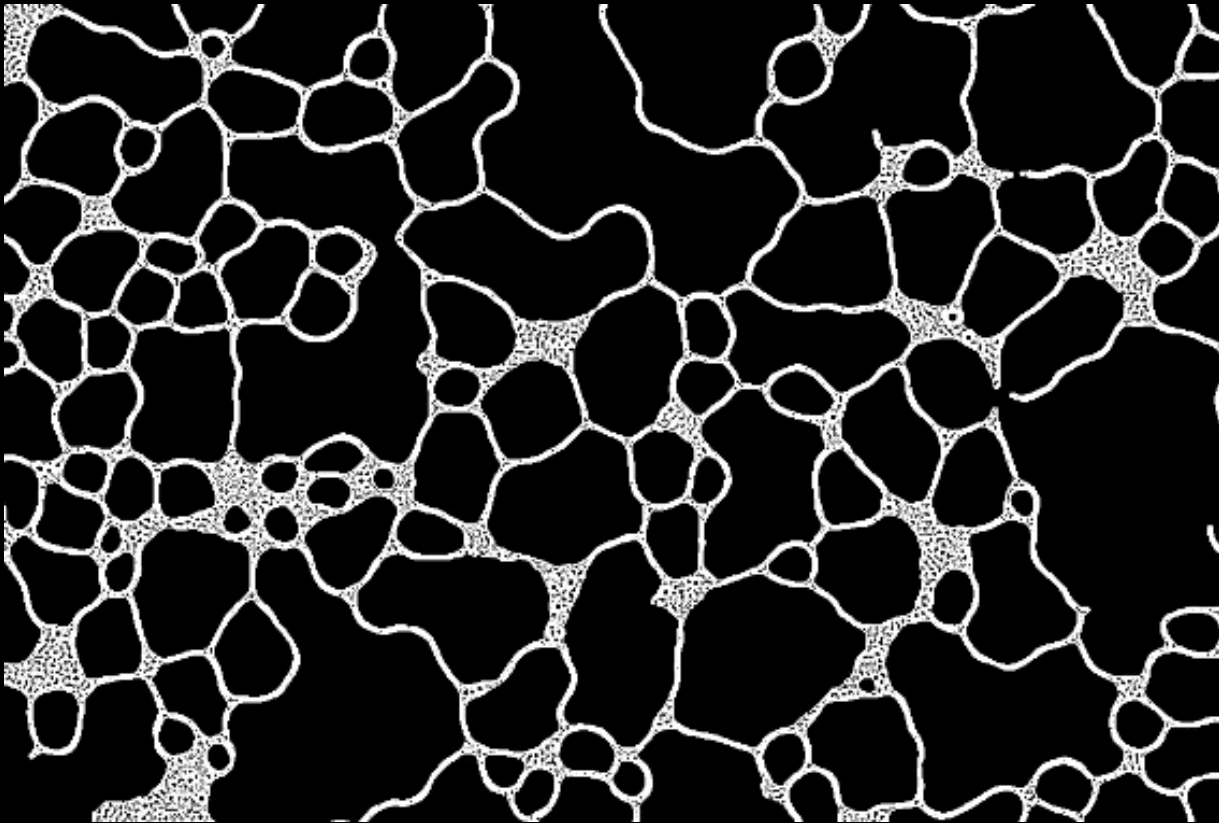
https://tatasz.github.io/compound_ca/

<https://youtu.be/RZyy5bwXrn8>



Larger than life

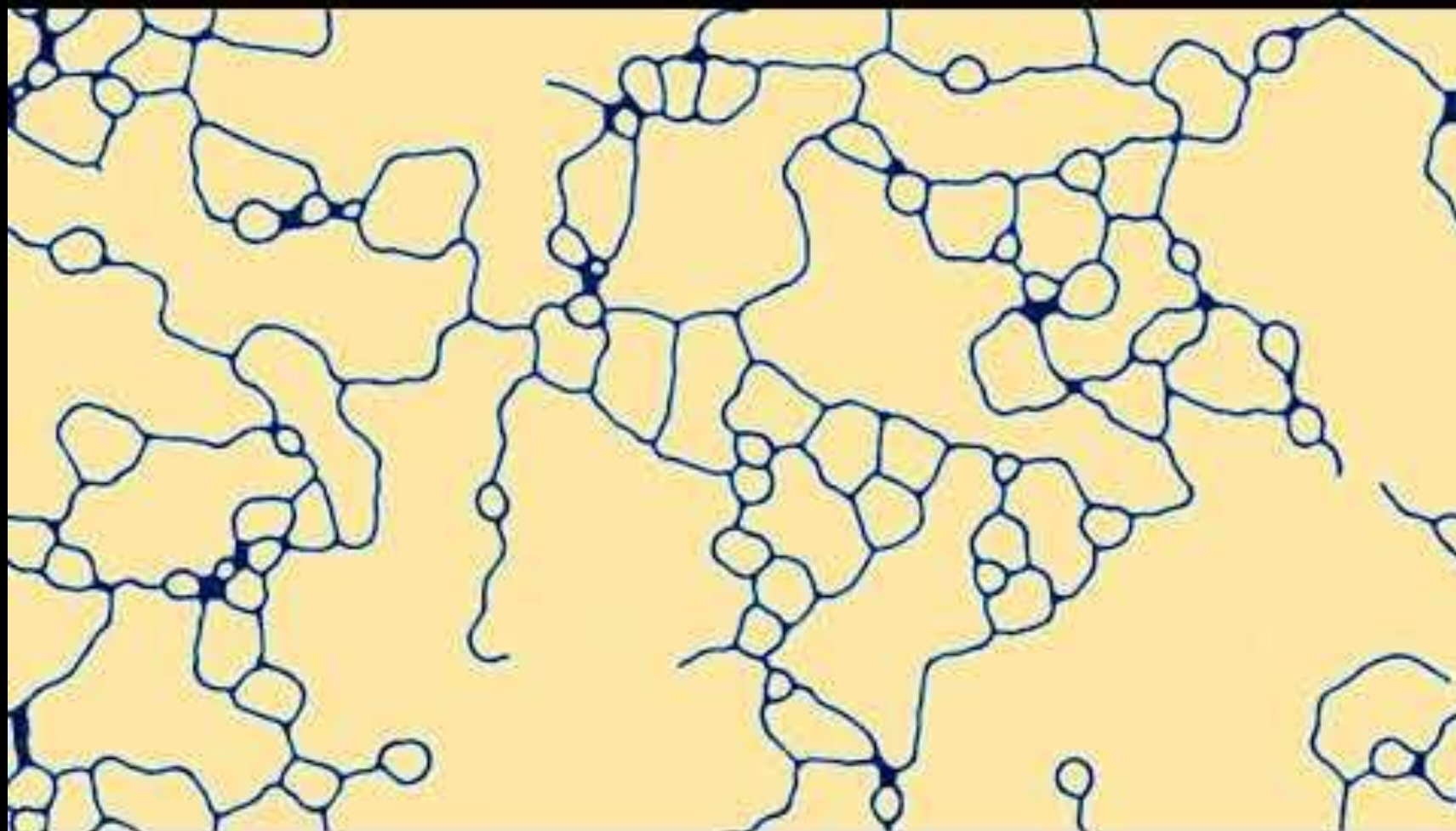
Wrażliwość na sąsiedztwo i szczegóły



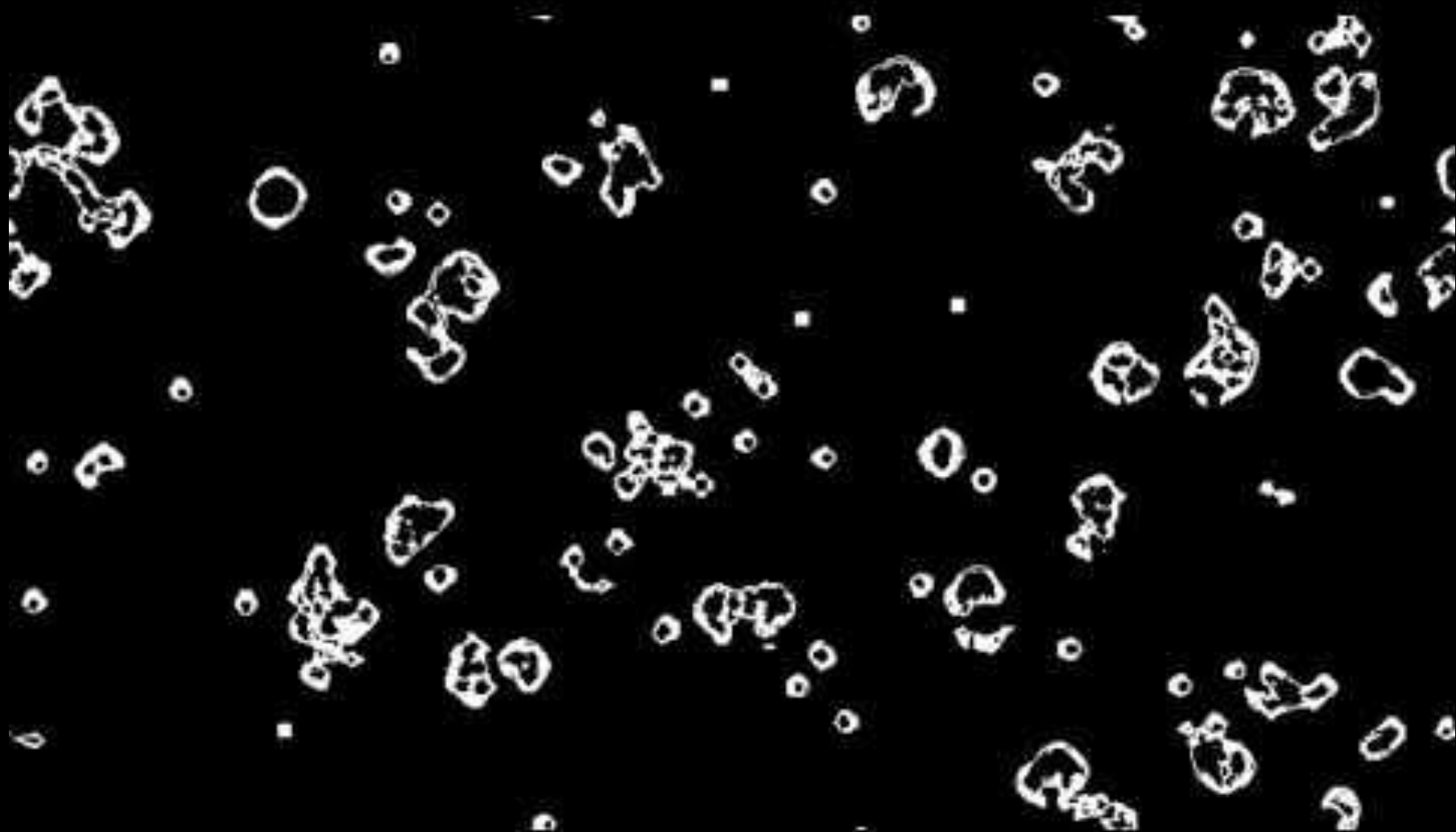
Sąsiedztwo kołowe, $r=5$, warunki:
przeżywa dla $34 \leq s \leq 58$, rodzi się $34 < s < 45$



Sąsiedztwo kwadratowe, $r=5$, warunki:
przeżywa dla $34 \leq s \leq 58$, rodzi się $34 \leq s \leq 45$



Struktury klastrowe w "Larger than life"



Glidery w "Larger than life" -
<https://youtu.be/wRGPZI7NcKI>

Multiple Neighborhood Cellular Automata

- MNCA - uogólnienie automatów komórkowych
- Duża dowolność w doborze sąsiedztw
- Możliwe stany binarne lub ciągłe (0/1 lub 0-1)

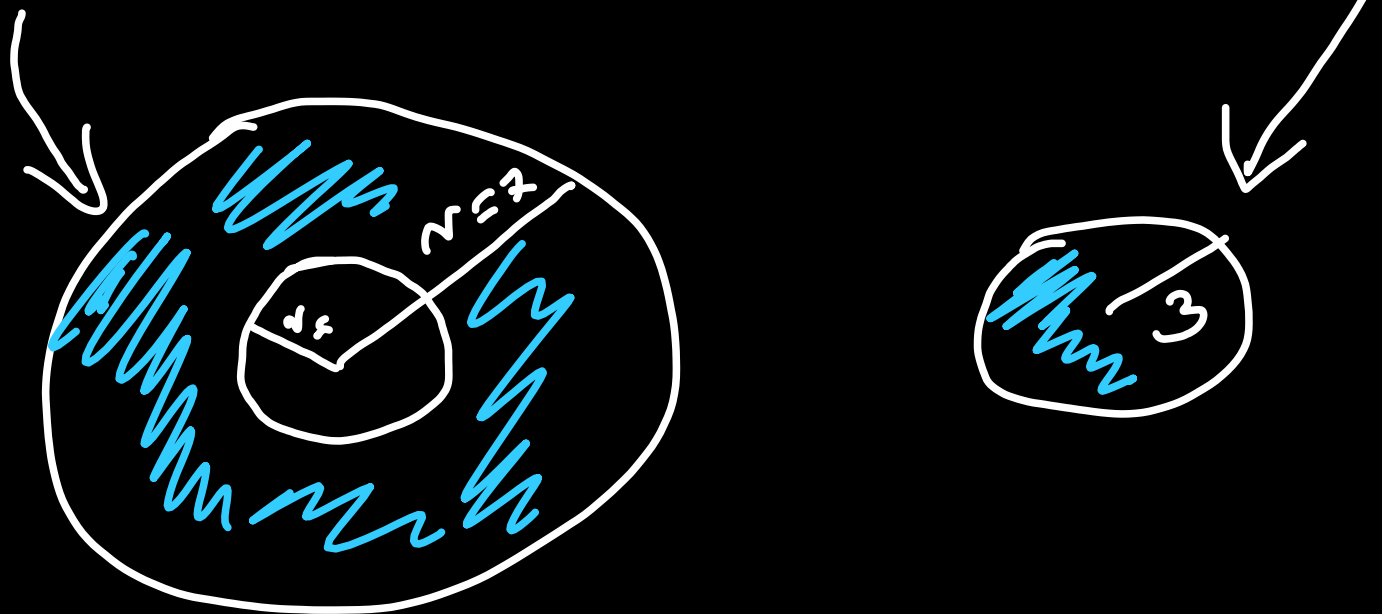
Zachowania odkryte w MNCA

- Tworzenie pojedynczych "osobników"
- Siły oddziaływania (przyciąganie / odpychanie)
- Tworzenie silnych wiązań między obiektami
- Ruch kolektywny (flocking)
- Replikacja form
- Oddziaływania elastyczne
- Tworzenie kryształów
- W niektórych wariantach spełnione zasady zachowania (np. masy)
-

(za <https://slackermanz.com/understanding-multiple-neighborhood-cellular-automata/>)

Przykład 1 MCNA, "cells"

- Dwa sąsiedztwa
 - Sąsiedztwo 1: koło o promieniu 3
 - Sąsiedztwo 2: koło o promieniu 7 bez sąsiedztwa 1



"Cells"

```
if (avg >= 0.120 && avg <= 0.150) { res = 0; }
```

```
if (avg >= 0.210 && avg <= 0.220) { res = 1; }
```

```
if (avg >= 0.350 && avg <= 0.500) { res = 0; }
```

```
if (avg >= 0.750 && avg <= 0.850) { res = 0; }
```


} są sie do 1

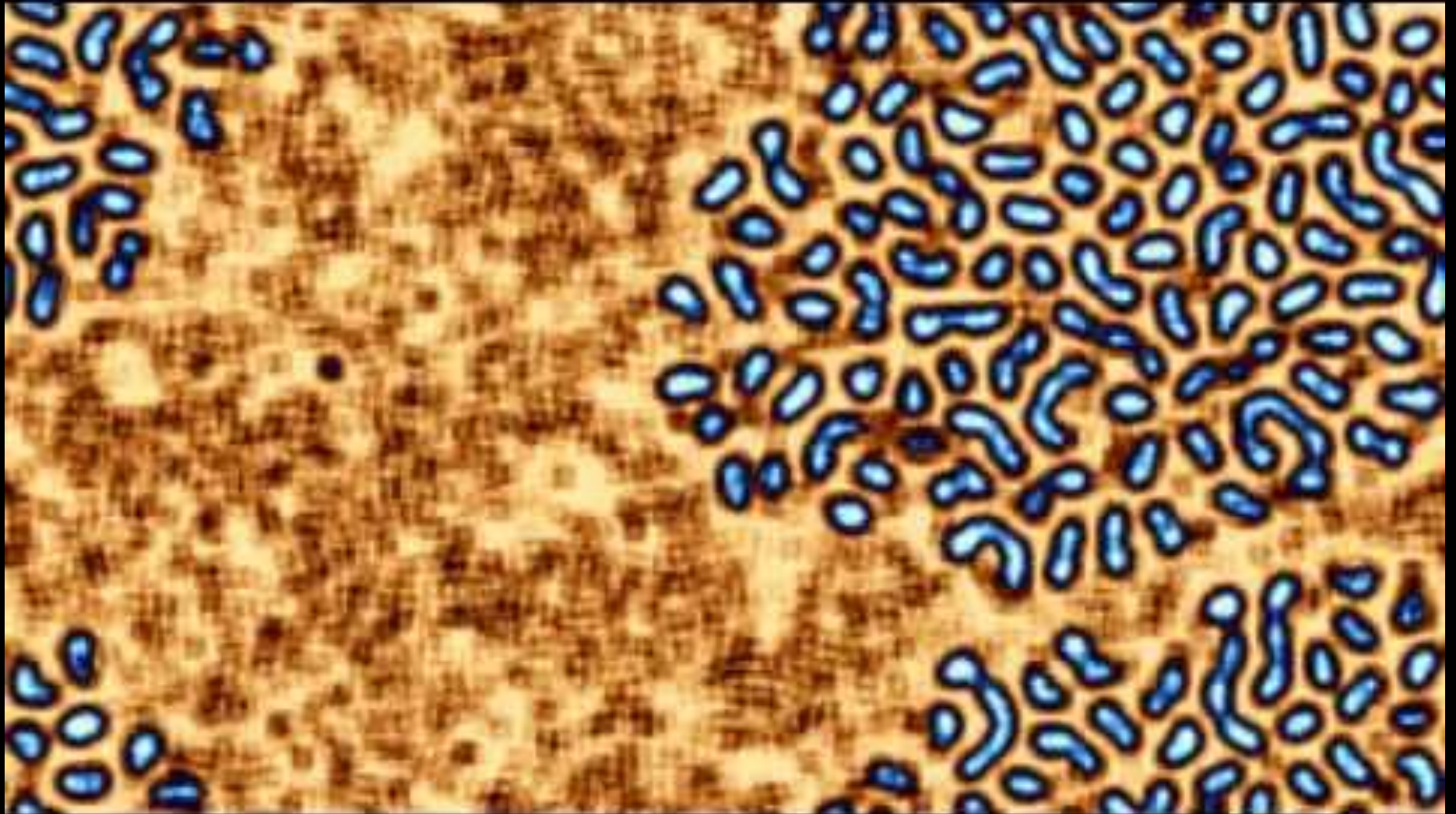
```
if (avg2 >= 0.100 && avg2 <= 0.280) { res = 0; }
```

```
if (avg2 >= 0.430 && avg2 <= 0.550) { res = 1; }
```

} są sie do 2

Algorytm

1. Inicjalizuj tablice
 2. Sumuj wartości z sąsiedztwa
 3. Oblicz średnie $avg/avg2$
 4. Zastosuj reguły (umieranie, przeżywanie)
 5. Rysuj i powtarzaj od 2.
- 

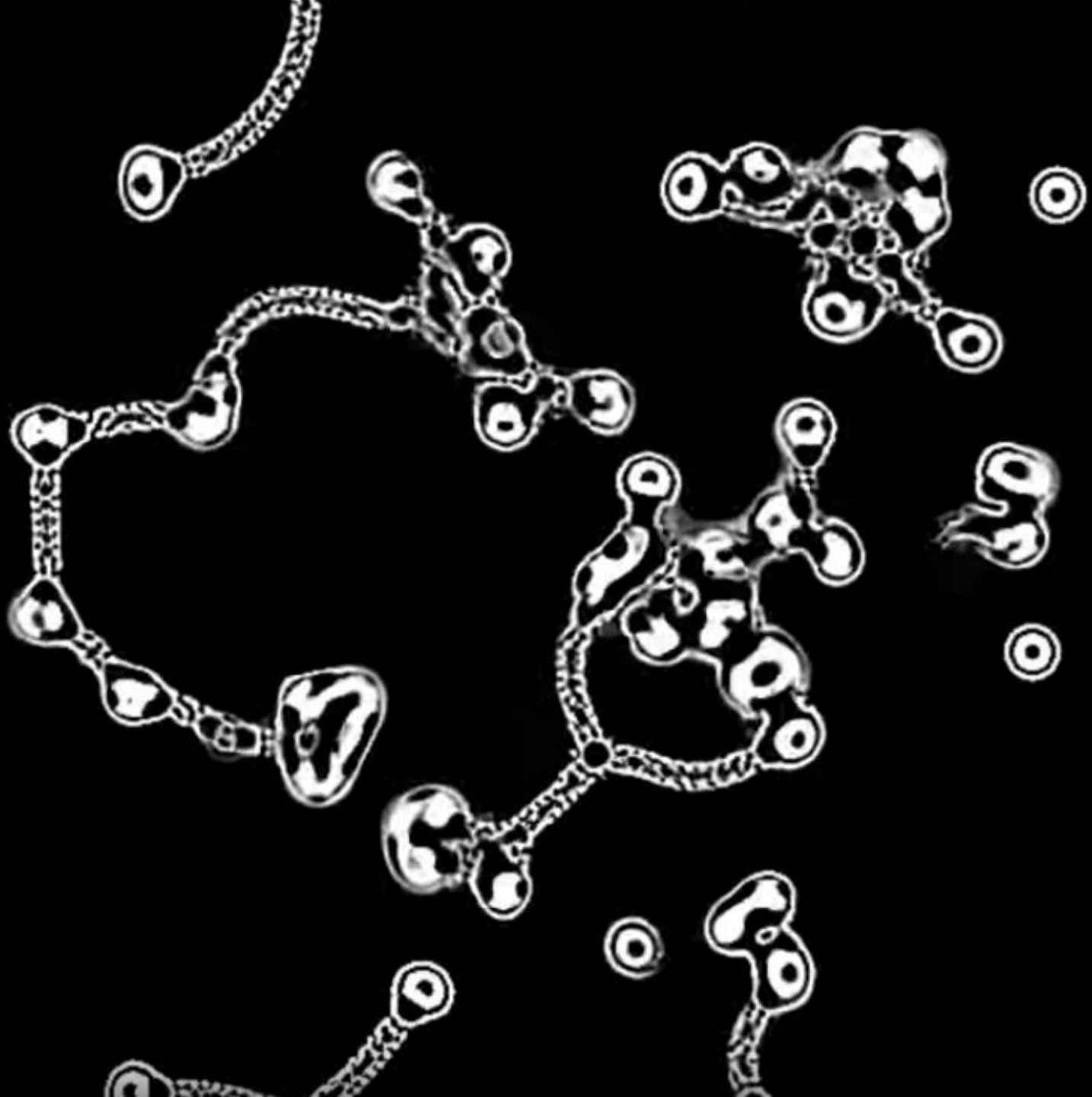


"Cells MNCA"



Przegląd:

<https://slackermanz.com/understanding-multiple-neighborhood-cellular-automata/>



Smooth Life*

Generalization of Conway's "Game of Life" to a continuous domain - SmoothLife

Stephan Rafler
Nürnberg, Germany
frlndmr@web.de

December 8, 2011

Abstract

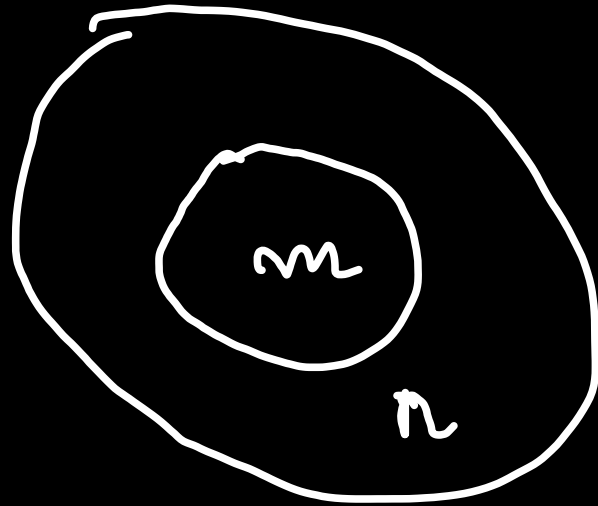
We present what we argue is the generic generalization of Conway's "Game of Life" to a continuous domain. We describe the theoretical model and the explicit implementation on a computer.

<https://arxiv.org/abs/1111.1567>

- przegląd pracy

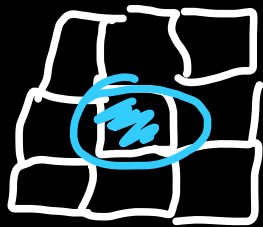
SmoothLife

- Model podobny do "Larger than Life" MNCA
- Wartości 0-1 w komórkach (ciągłe)
- Całkowanie po dwóch przyległych otoczeniach m i n

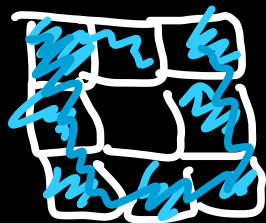


Game of Life vs SmoothLife

- Wartość komórki - żywa/martwa



- Sąsiedztwo



SmoothLife

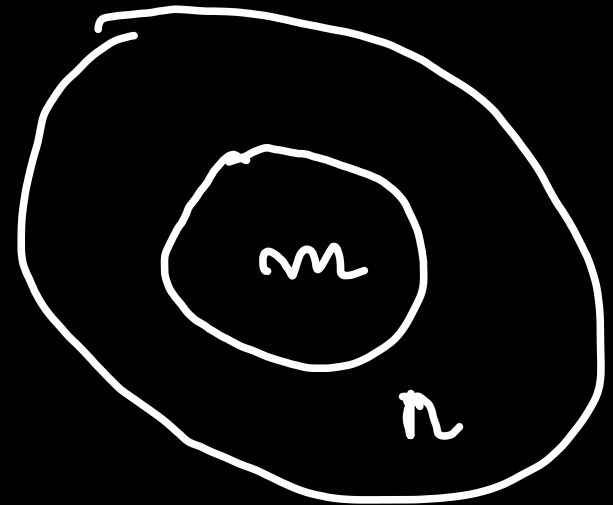
we can determine the filling of the cell or "inner filling" m by the integral

$$m = \frac{1}{M} \int_{|\vec{u}| < r_i} d\vec{u} f(\vec{x} + \vec{u}, t) \quad (1)$$

and the neighborhood or "outer filling" n by the integral

$$n = \frac{1}{N} \int_{r_i < |\vec{u}| < r_a} d\vec{u} f(\vec{x} + \vec{u}, t) \quad (2)$$

where N and M are normalization factors such that the filling is between



SmoothLife

- Funkcja przejścia ("transition function") postaci $\sigma(n,m)$

smoothness. For example we could define

$$\sigma_1(x, a) = \frac{1}{1 + \exp(-(x - a)4/\alpha)} \quad (3)$$

$$\sigma_2(x, a, b) = \sigma_1(x, a) (1 - \sigma_1(x, b)) \quad (4)$$

$$\sigma_m(x, y, m) = x(1 - \sigma_1(m, 0.5)) + y\sigma_1(m, 0.5) \quad (5)$$

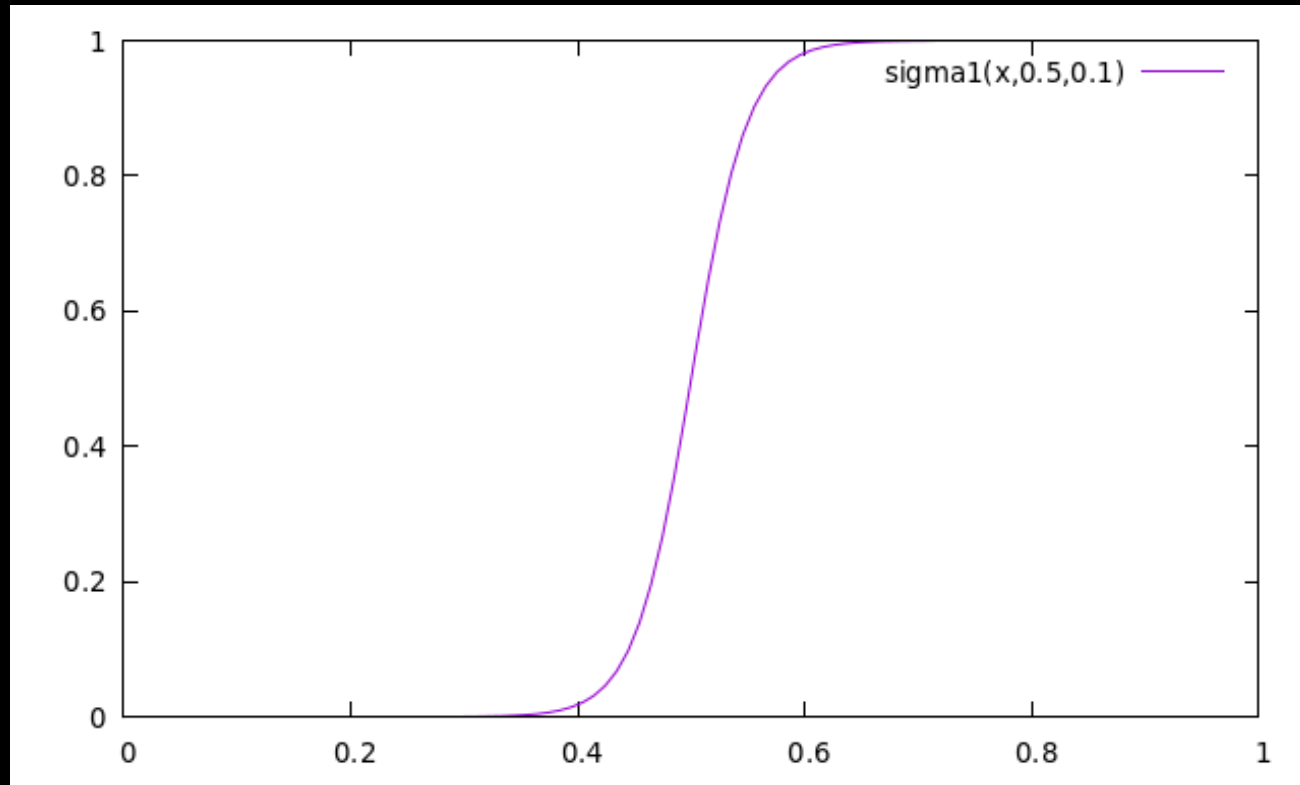
then we can define the transition function as

$$s(n, m) = \sigma_2(n, \sigma_m(b_1, d_1, m), \sigma_m(b_2, d_2, m)) \quad (6)$$

where birth and death intervals are given by $[b_1, b_2]$ and $[d_1, d_2]$ respectively.

(uwaga: w praktyce lepiej zamienić sigma2 z sigmam – o tym dalej)

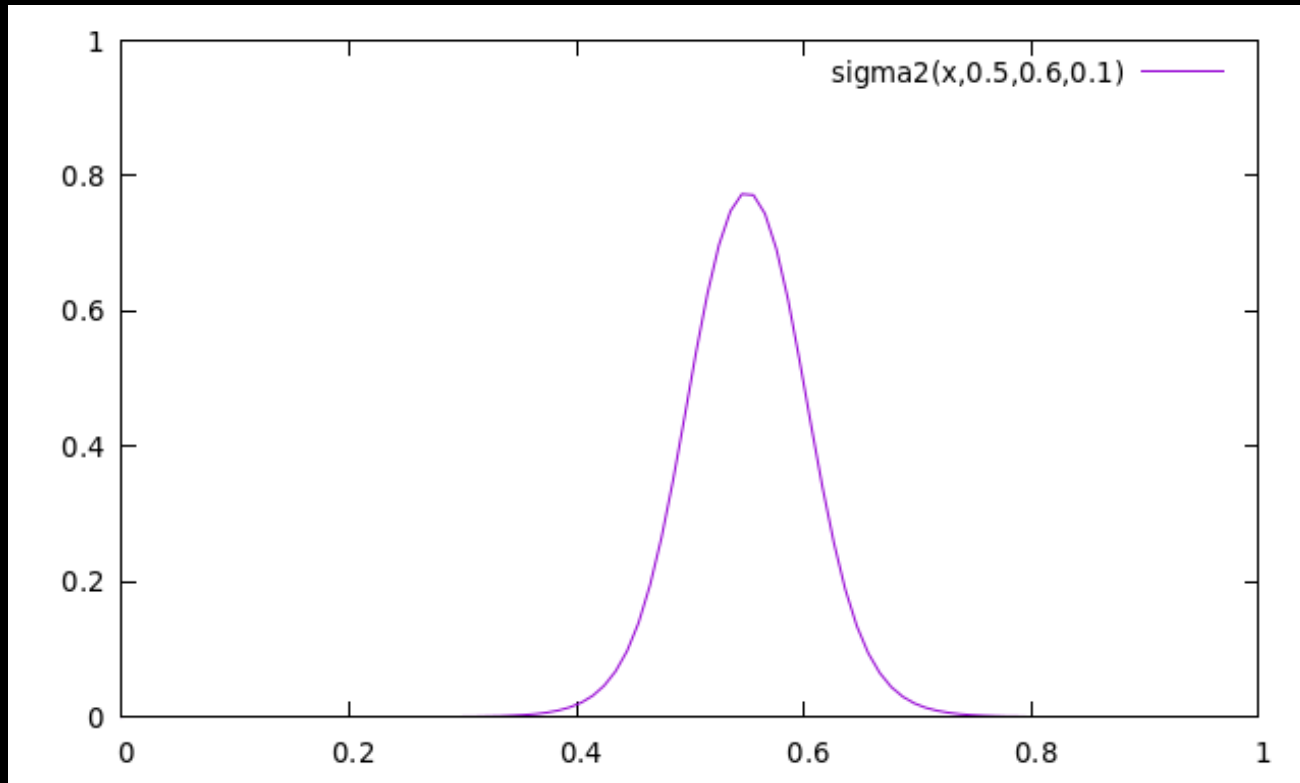
$\sigma_1(x, a, \alpha)$



$$\sigma_1(x, a) = \frac{1}{1 + \exp(-(x - a)4/\alpha)}$$

```
sigma1(x, a, alpha) = 1.0 / (1.0 + exp(-(x - a) * 4 / alpha))  
plot [0:1] sigma1(x,0.5,0.1)
```

$\sigma_2(x, a, \alpha)$



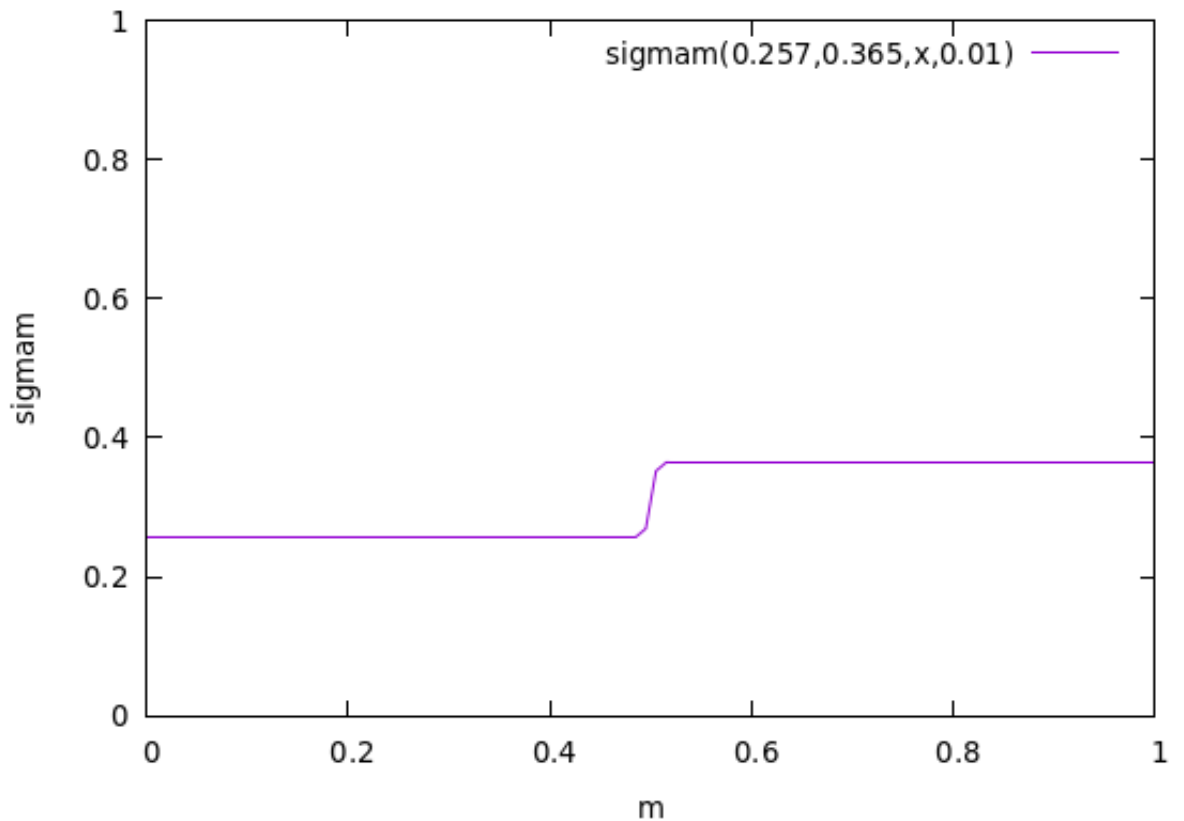
$$\sigma_2(x, a, b) = \sigma_1(x, a) (1 - \sigma_1(x, b))$$

`sigma2(x,a,b,alpha)=sigma1(x,a,alpha)*(1-sigma1(x,b,alpha))`

`plot [0:1] sigma1(x,0.5, 0.6, 0.1)`

$\sigma_m(b, d, m, \alpha)$

$$\sigma_m(x, y, m) = x(1 - \sigma_1(m, 0.5)) + y \sigma_1(m, 0.5)$$

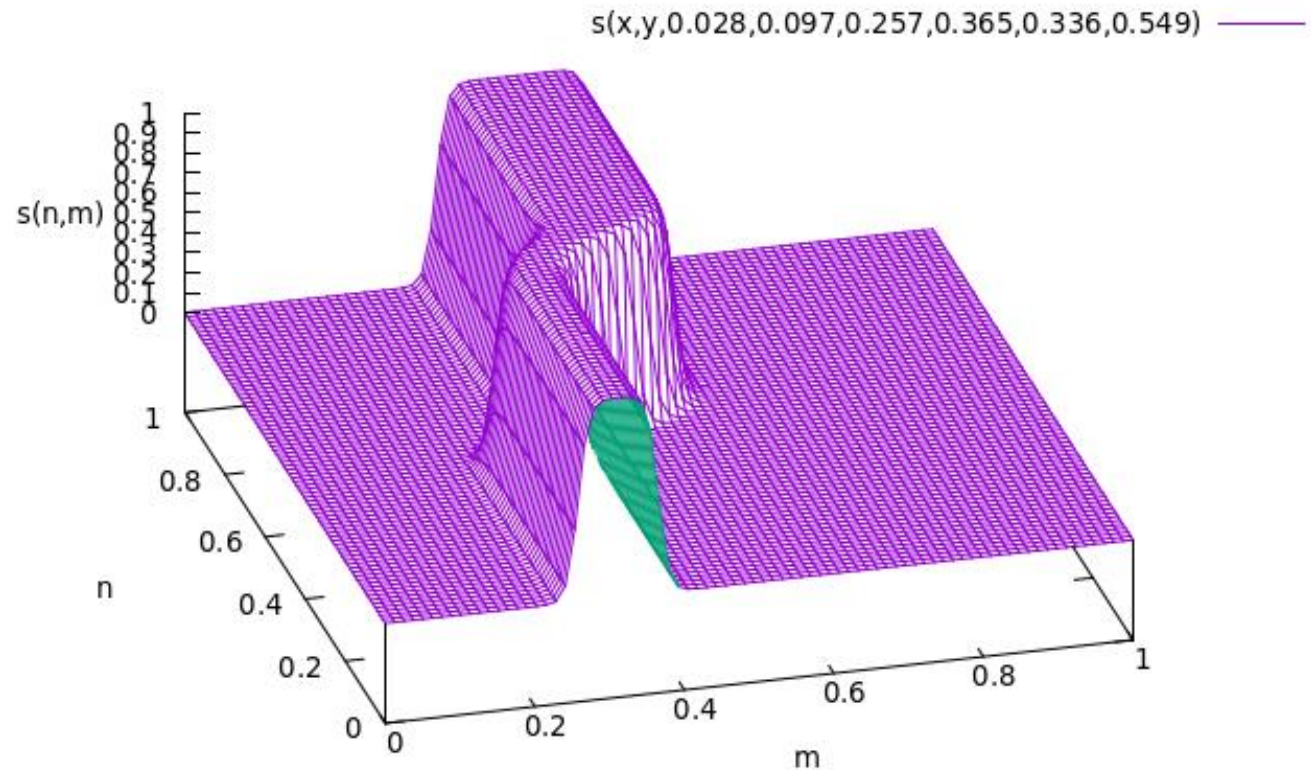


```
sigmam(b,d,m,alpha) = b*(1-sigma1(m,0.5,alpha)) + d*sigma1(m,0.5,alpha)
```

```
plot [0:1] [0:1] sigmam(0.257,0.365,x,0.01)
```


$s(n,m)$

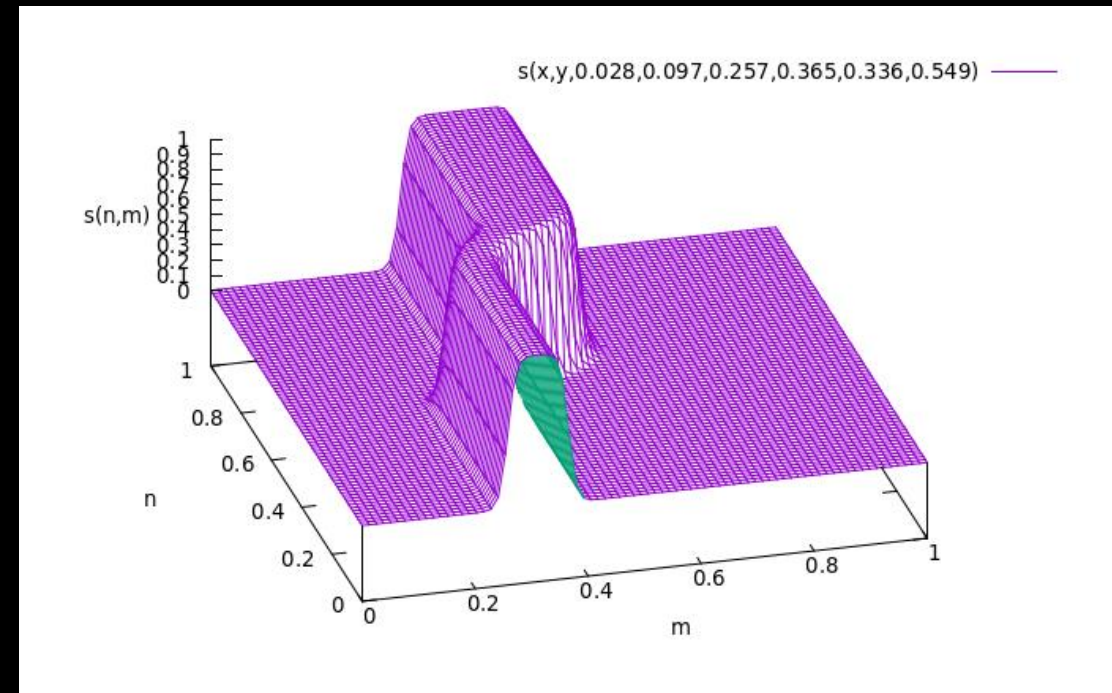
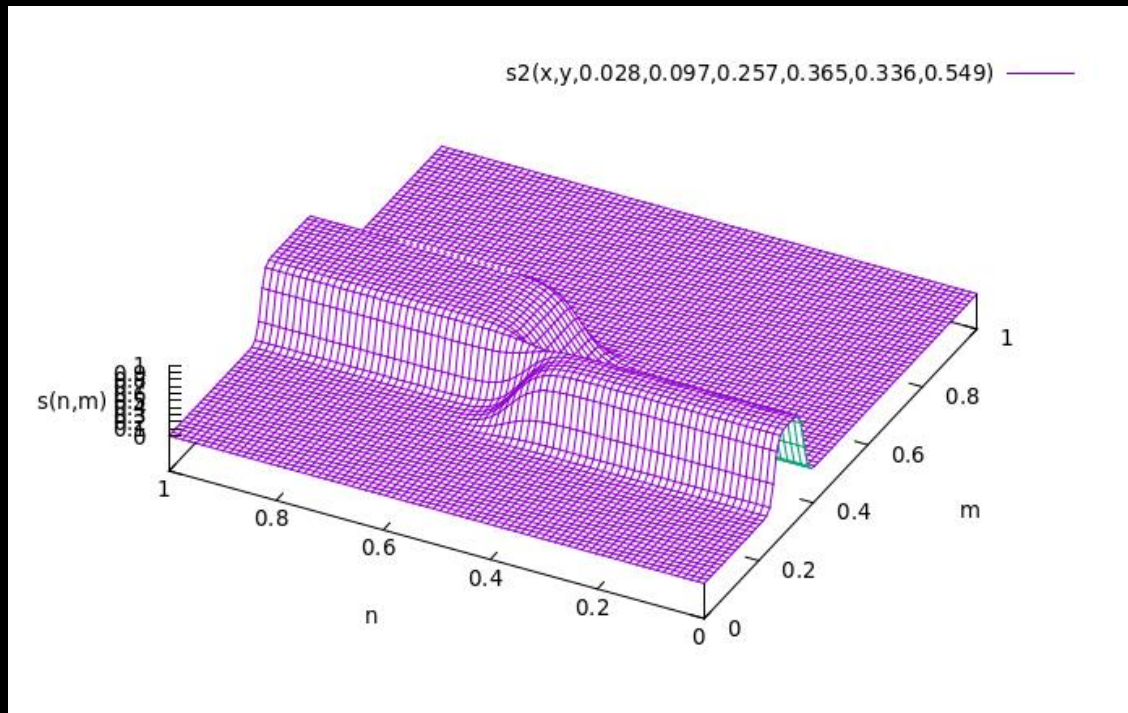
$$s(n, m) = \sigma_2(n, \sigma_m(b_1, d_1, m), \sigma_m(b_2, d_2, m))$$



```
s(n,m,alphan,alpham,b1,b2,d1,d2)=sigma2(n,sigmam(b1,d1,m,alpham),  
sigmam(b2,d2,m,alpham),alphan)
```

```
splot [0:1] [0:1] s(x,y,0.028,0.097,0.257,0.365,0.336,0.549) w pm3d
```

$s_2(n,m)$ - inna postać, inne zachowanie modelu



$$\sigma_2 = \sigma_m(\sigma_2(n, b_1, b_2, \alpha_n), \sigma_2(n, d_1, d_2, \alpha_n), m, \alpha_m)$$

$$s_2(n,m,\text{alphan},\text{alpham},b_1,b_2,d_1,d_2) = \text{sigmam}(\text{sigma}_2(n,b_1,b_2,\text{alphan}),\text{sigma}_2(n,d_1,d_2,\text{alphan}), m, \text{alpham})$$

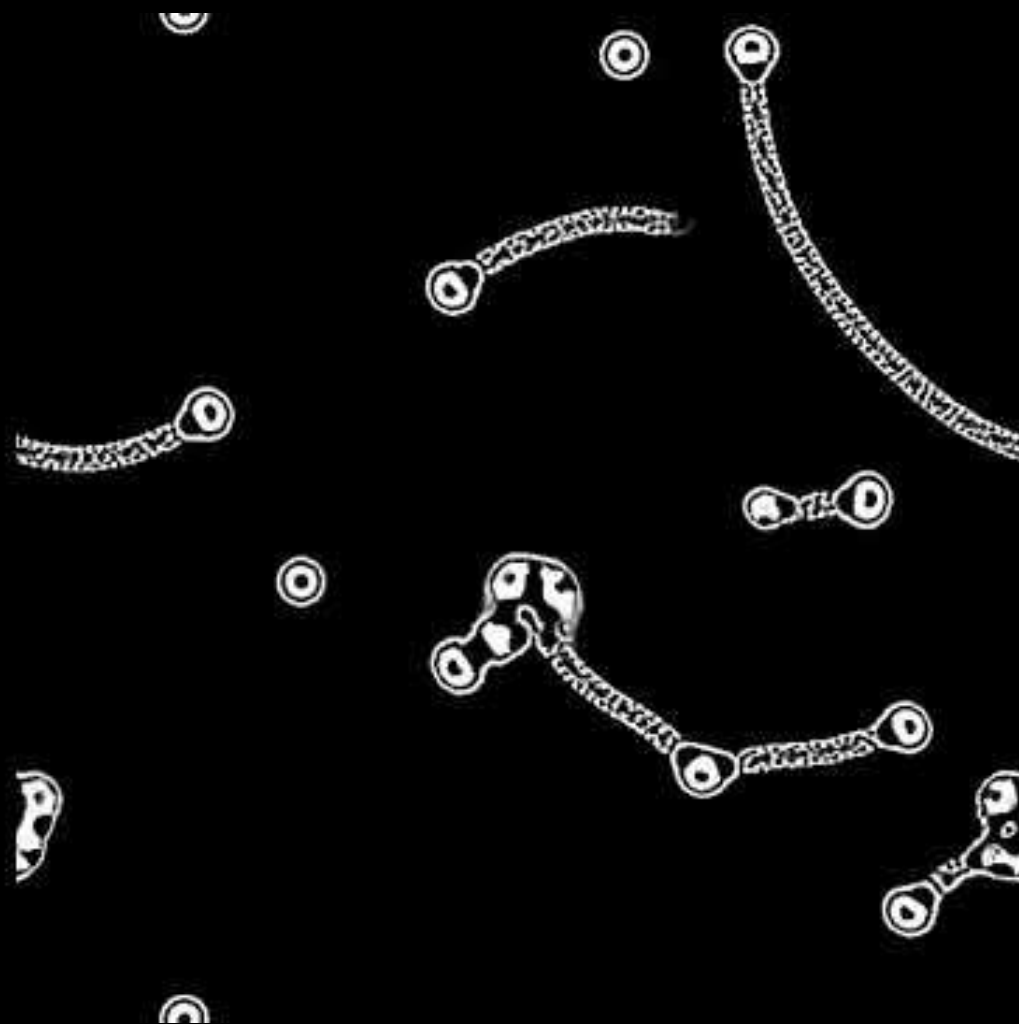
Nowy stan w SmoothLife

$$\text{new} = \text{old} + \text{dt} * (2 s(n,m) - 1)$$

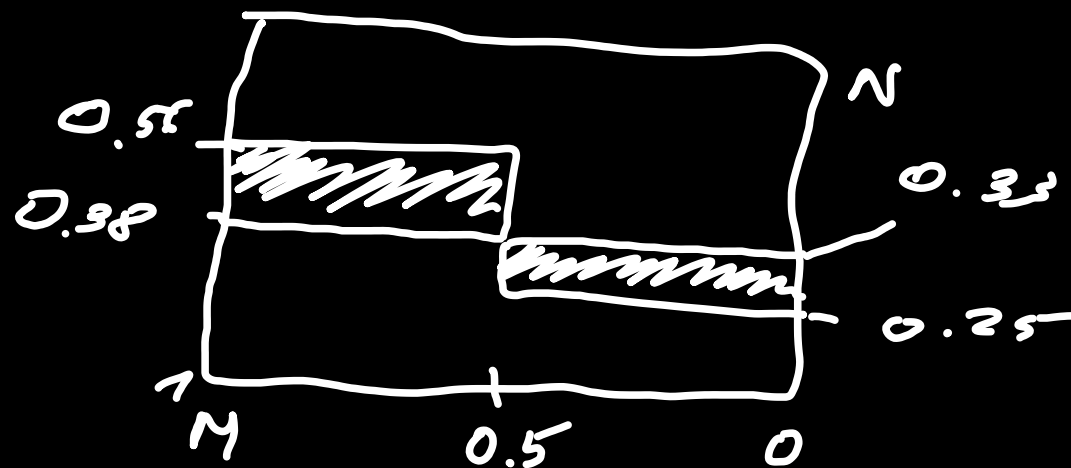
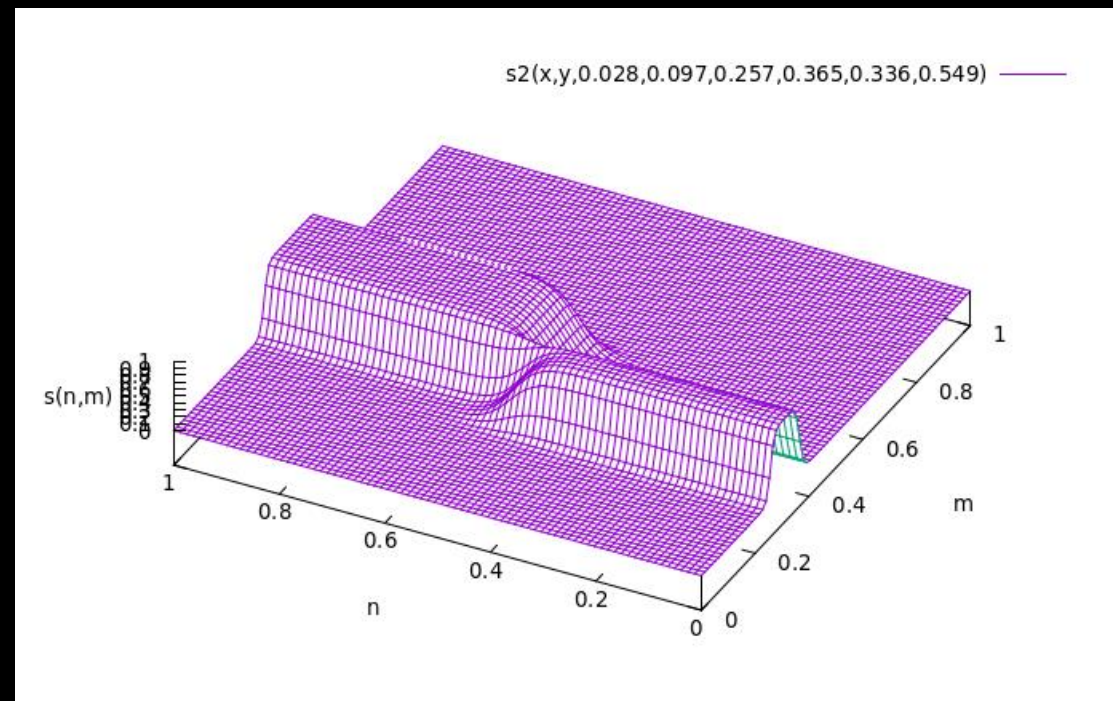
Pełny algorytm SmoothLife

- Inicjalizuj mapę "życia" $f(x,y)$ - wartości 0-1
- Oblicz stopień zajętości sąsiedztwa 1 (m)
- Oblicz stopień zajętości sąsiedztwa 2 (n)
- Oblicz funkcje $\sigma_{1/2/m}$
- Wyznacz nową wartość:
 - $\text{new} = \text{old} + dt * (2 s(n,m) - 1)$
- Normalizuj "new" do wartości 0-1

SmoothLife



Basic SmoothLife*



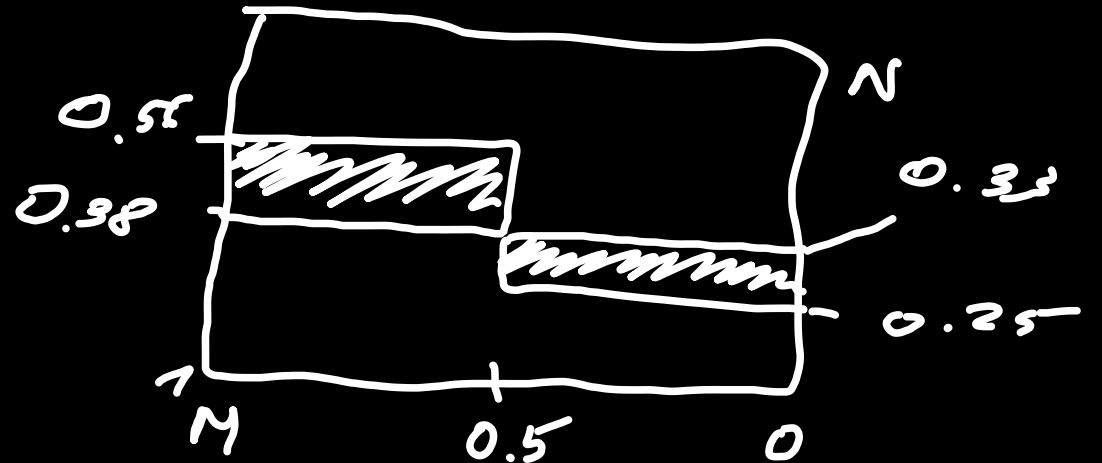
SmoothLifeS* - bariery aktywacji

$M < 0.5$ (martwa)

```
if(N > 0.25 && N < 0.33)
    new = old + dt;
else
    new = old - dt;
```

$M > 0.5$ (żywa)

```
if(N > 0.38 && N < 0.56)
    new = old + dt;
else
    new = old - dt;
```

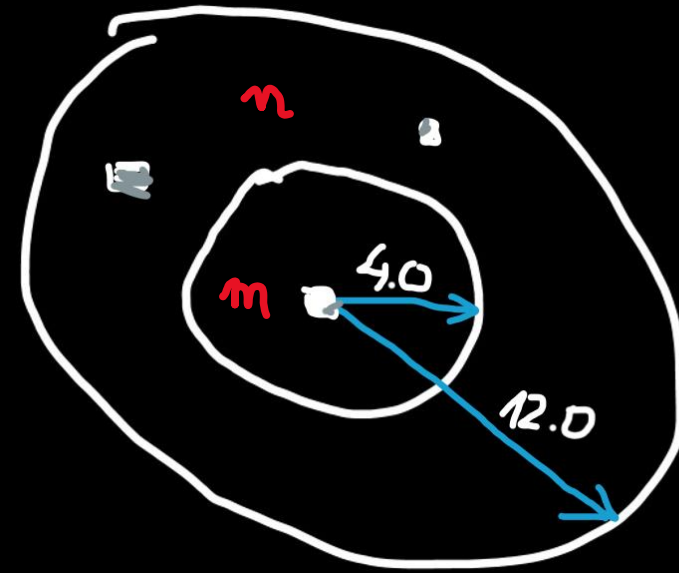


Simple SmoothLife

- Komórki częściowo żywe/martwe
- Dwa sąsiedztwa
- Niecałkowite bariery dla przeżycia:

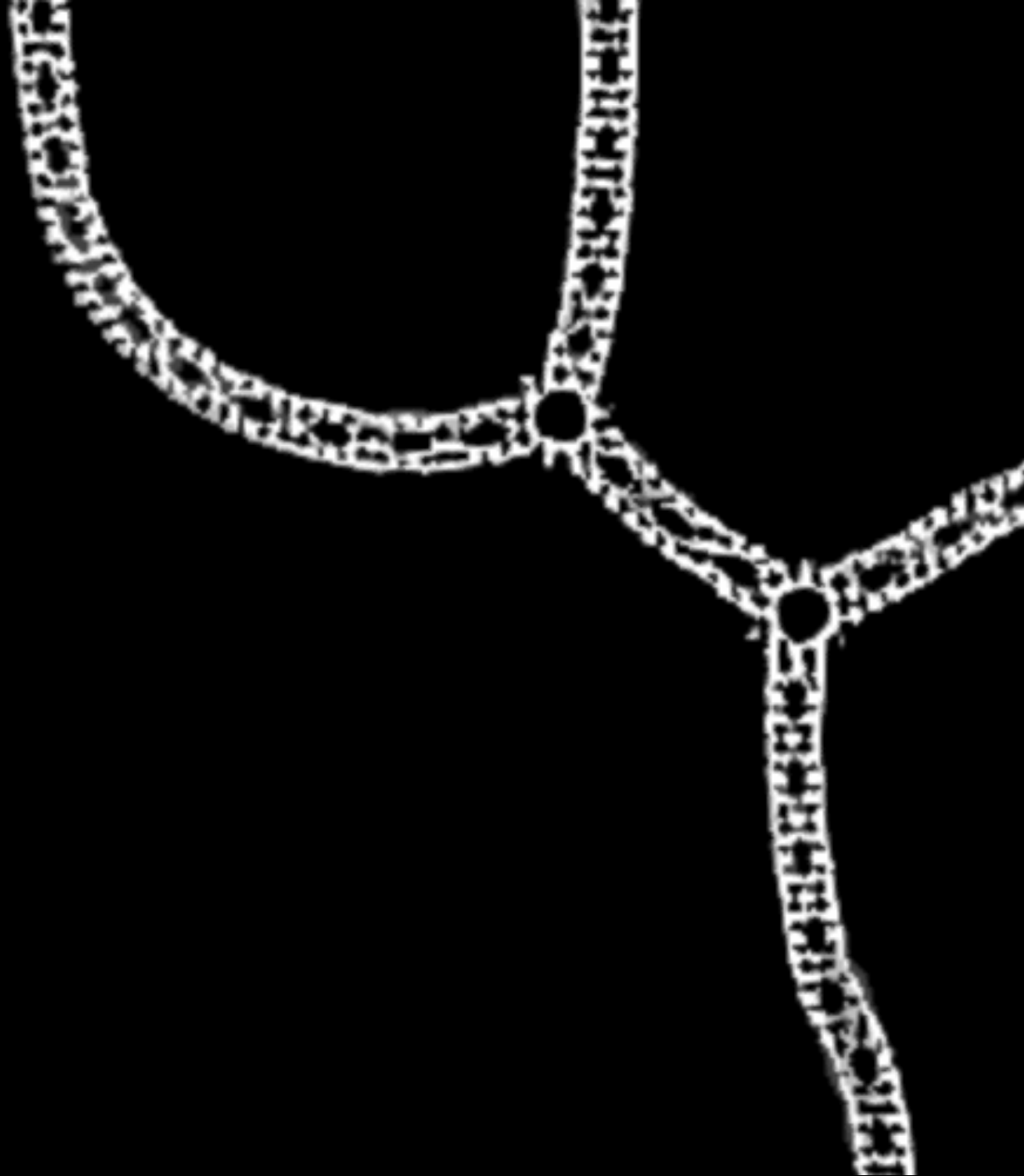
Dodanie życia: $(m < 0.5, n > 0.25, n < 0.33)$ lub $(m > 0.5, n > 0.35, n < 0.51)$

Odjęcie życia: $(m < 0.5, n > 0.25, n < 0.33)$ lub $(m < 0.5, n > 0.25, n < 0.33)$



SmoothLifeS - algorytm

- 1) Przygotowanie warunku początkowego (wartości od 0 do 1)
- 2) Obliczenia gęstości żywych komórek w otoczeniu punktu m
- 3) j.w. w otoczeniu n (torus 2D)
- 4) Dodanie / odjęcie wartości zgodnie z barierami aktywacji



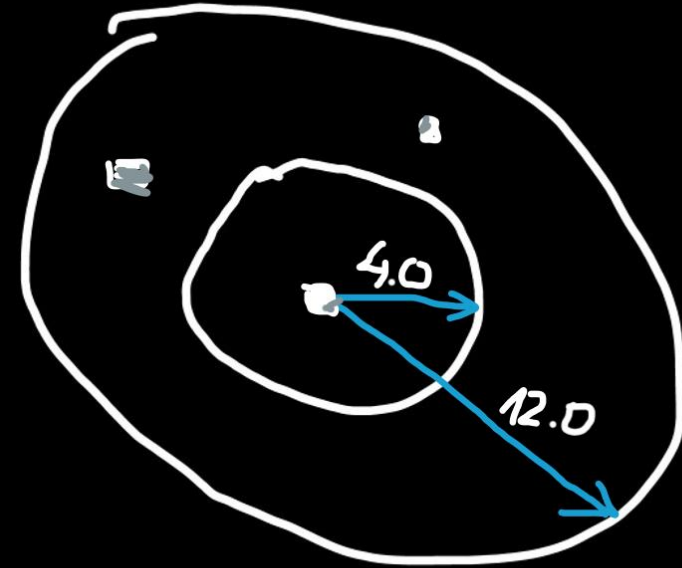


(kolorowanie wg M*N)

<https://youtu.be/6Wh5E6VerGA>

Słowo na koniec

- Dlaczego $R1/R2=3$? Np. $R1=4$, $R2=12$?



Smooth Life bounds

$$R_1 = 4$$

$$R_2 = 12$$

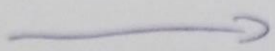
$$V_1 = \pi R_1^2 = \pi$$

$$V_2 = \pi \cdot (\text{...})$$

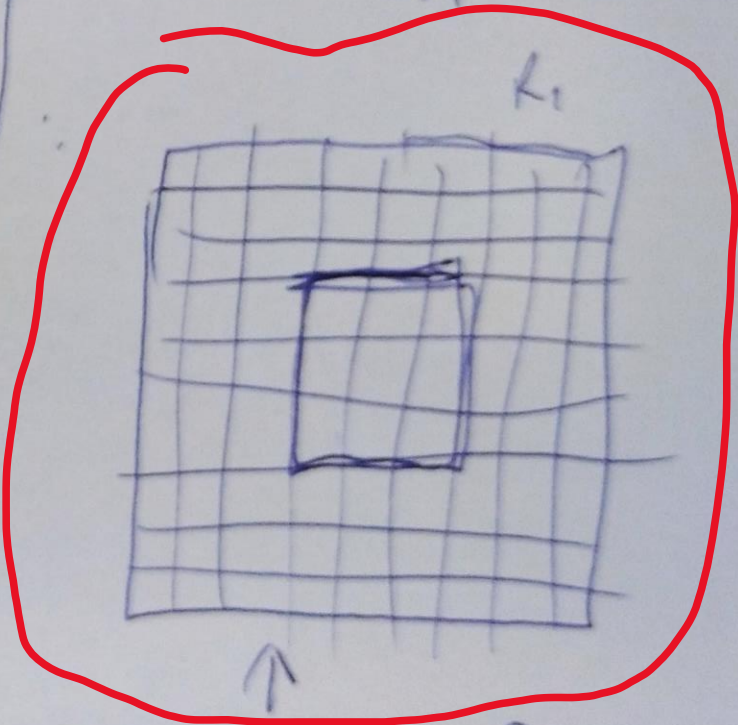
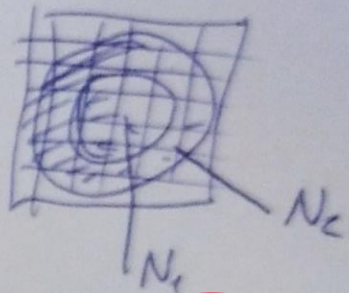
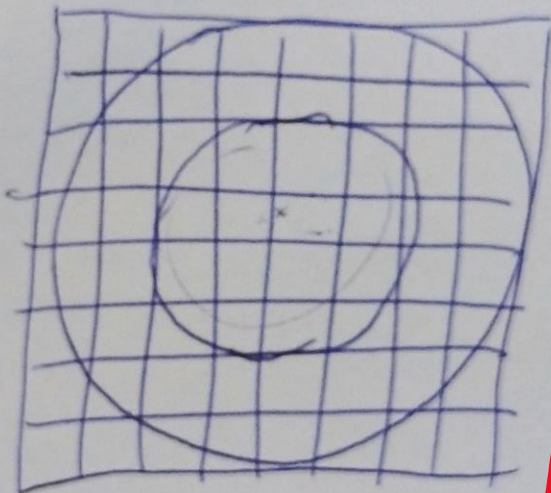
$$\frac{N_1}{V_1}$$

1

$$\rho_2 = \frac{N_2}{V_2}$$



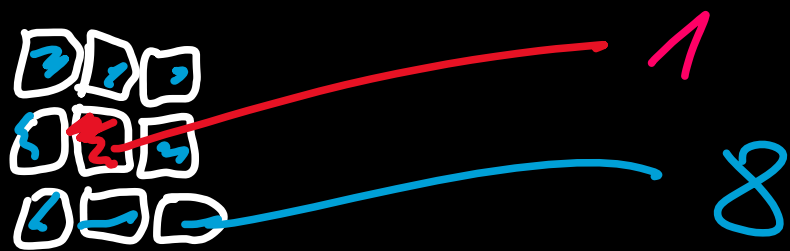
discretized smooth life



smooth life?

Wynik dla kwadratowego? (wstawić)

N1/N2 Dla gry w życie



$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{1}{8}$$

bands

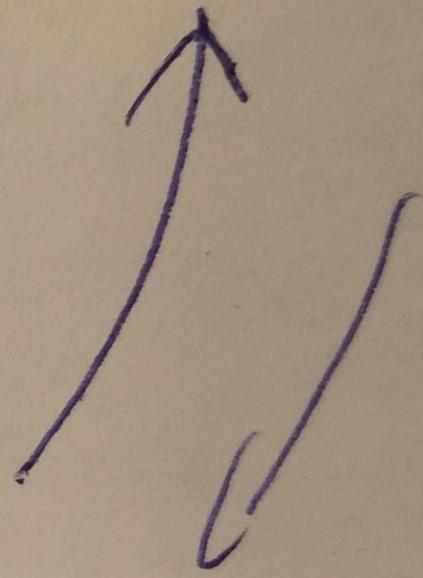
R_1 / R_2

$$V_1 = \pi R_1^2 = \pi \cdot 16 = 50,26$$

$$V_2 = \pi \cdot (\cancel{144} - 16) = 128\pi = 402,12$$

$$V_2 = \pi \cdot (\cancel{144} - 16) = 128$$

$$\frac{V_2}{V_1} = 8$$



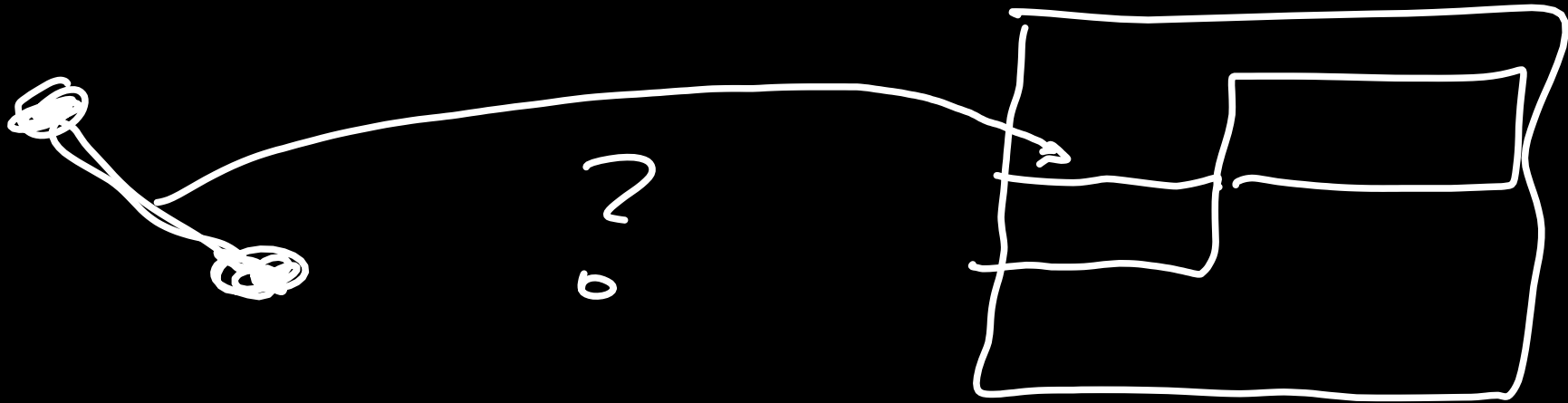
number of smoo

DLA $R_1 / R_2 =$

1/3

Analiza modelu SmoothLife

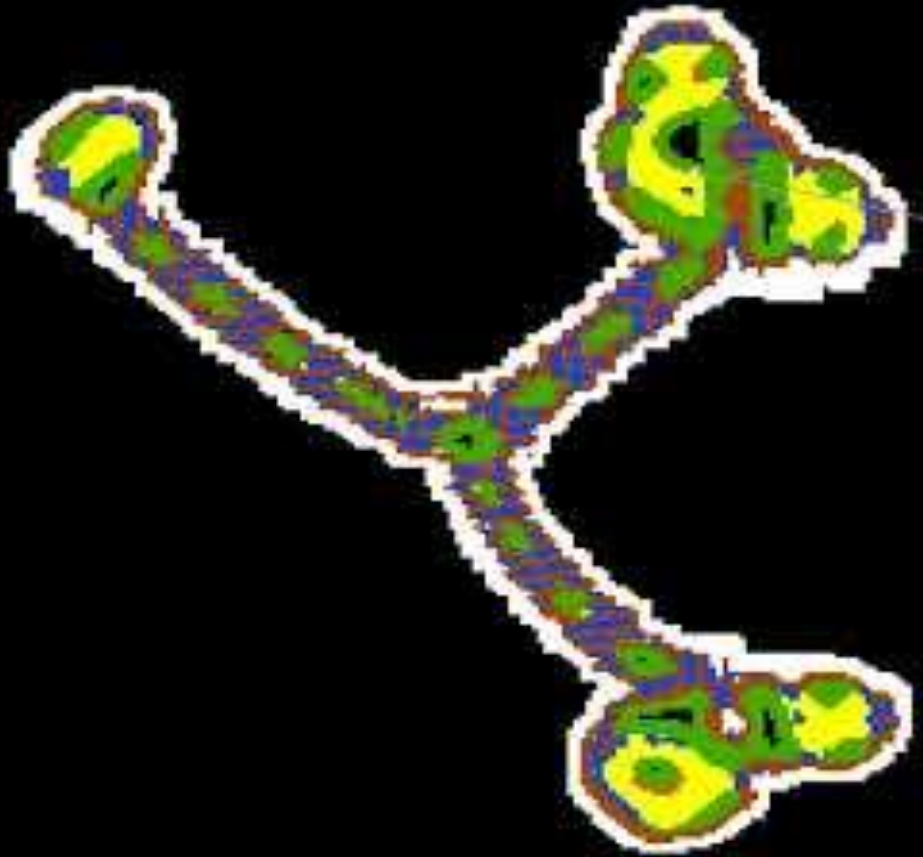
- Rozkład komórek w przestrzeni
- Klastrowanie faz
- Obiekty zanurzone w środowisku (otoczenie, które je chroni)
- Jaka jest dynamika tych zmian?



"Diagram
fazowy"
N vs M



"Diagram
fazowy"
N vs M



Koniec